



SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
HÀ NỘI

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT
NĂM HỌC 2023 – 2024

Môn thi: TOÁN
Ngày thi: 11/6/2023

ĐÁP ÁN ĐỀ THI VÀO LỚP 10 THPT

Câu	Ý	Đáp án
Câu I 2,0 điểm	1) Ta có $x = 9$ thỏa mãn điều kiện xác định của biểu thức A . Thay $x = 9$ (TMĐK) vào biểu thức A , ta có $A = \frac{9+2}{\sqrt{9}} = \frac{11}{3}$.	
	2) Với điều kiện $x > 0, x \neq 1$, ta có $B = \frac{2\sqrt{x}-3}{\sqrt{x}-1} + \frac{3-\sqrt{x}}{x-1}$ $= \frac{2\sqrt{x}-3}{\sqrt{x}-1} + \frac{3-\sqrt{x}}{(\sqrt{x}-1)(\sqrt{x}+1)}$ $= \frac{(2\sqrt{x}-3)(\sqrt{x}+1)+3-\sqrt{x}}{(\sqrt{x}-1)(\sqrt{x}+1)}$ $= \frac{2x-2\sqrt{x}}{(\sqrt{x}+1)(\sqrt{x}-1)}$ $= \frac{2\sqrt{x}(\sqrt{x}-1)}{(\sqrt{x}+1)(\sqrt{x}-1)}$ $= \frac{2\sqrt{x}}{\sqrt{x}+1}.$	
	3) Ta có $A.B = \frac{2x+4}{\sqrt{x}+1}$. $AB = 4 \Rightarrow \frac{2x+4}{\sqrt{x}+1} = 4 \Rightarrow 2x - 4\sqrt{x} = 0$ $\Leftrightarrow 2\sqrt{x}(\sqrt{x}-2) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x=0 \\ x=4 \end{cases}$. Kết hợp với các điều kiện, ta được $x = 4$.	
Câu II 2,0 điểm	1) Gọi số sản phẩm mà phân xưởng phải làm trong một ngày theo kế hoạch là x (sản phẩm). Điều kiện $x > 0$. Thời gian dự kiến phân xưởng làm xong 900 sản phẩm là $\frac{900}{x}$ (ngày). Thực tế mỗi ngày phân xưởng làm được $x + 15$ (sản phẩm). Thời gian thực tế phân xưởng làm xong 900 sản phẩm là $\frac{900}{x+15}$ (ngày). Vì phân xưởng làm xong 900 sản phẩm sớm hơn 3 ngày so với kế hoạch nên ta có phương trình $\frac{900}{x} - \frac{900}{x+15} = 3$. Với điều kiện $x > 0$, phương trình tương đương với $x^2 + 15x - 4500 = 0$. $\Delta = 15^2 - 4.1.(-4500) = 18225 \Rightarrow \sqrt{\Delta} = 135$.	

		<p>Phương trình có hai nghiệm phân biệt $x_1 = \frac{-15 - 135}{2} = -75$; $x_2 = \frac{-15 + 135}{2} = 60$.</p> <p>Đổi chiều với điều kiện ta được $x = 60$. Vậy theo kế hoạch, mỗi ngày phân xưởng phải làm 60 sản phẩm.</p>
	2)	<p>Thể tích của khối gỗ là: $V = \pi R^2 h \approx 3,14 \cdot 30^2 \cdot 120$ Vậy $V \approx 339120 (cm^3)$.</p>
Câu III 2,5 điểm	1)	<p>Điều kiện: $x \neq 3$.</p> $\begin{cases} \frac{2}{x-3} - 3y = 1 \\ \frac{3}{x-3} + 2y = 8 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{6}{x-3} - 9y = 3 \\ \frac{6}{x-3} + 4y = 16 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{6}{x-3} + 4y = 16 \\ 13y = 13 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{6}{x-3} = 12 \\ y = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{7}{2} \\ y = 1 \end{cases}$ <p>Đổi chiều với điều kiện, ta được hệ phương trình có nghiệm là $(x; y) = \left(\frac{7}{2}; 1\right)$.</p>
	2a)	<p>Xét phương trình hoành độ giao điểm của đường thẳng (d) và parabol (P): $x^2 = (m+2)x - m \Leftrightarrow x^2 - (m+2)x + m = 0 (*)$.</p> <p>Ta có $\Delta = m^2 + 4$. Suy ra $\Delta > 0$ với mọi giá trị của m. Do đó phương trình (*) luôn có 2 nghiệm phân biệt. Vậy (d) luôn cắt (P) tại hai điểm phân biệt.</p>
Câu IV 3,0 điểm	2b)	<p>Vì x_1, x_2 là hoành độ giao điểm của đường thẳng (d) và parabol (P) nên x_1, x_2 là hai nghiệm của phương trình (*).</p> <p>Theo định lý Vi-ết, ta có $\begin{cases} x_1 + x_2 = m+2 \\ x_1 \cdot x_2 = m \end{cases}$.</p> <p>Từ đó $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} = \frac{1}{x_1 + x_2 - 2} \Leftrightarrow \frac{x_1 + x_2}{x_1 x_2} = \frac{1}{x_1 + x_2 - 2}$.</p> <p>Suy ra $\frac{m+2}{m} = \frac{1}{m}$ (Điều kiện $m \neq 0$). $\Rightarrow m+2 = -1 \Leftrightarrow m = -1$. Đổi chiều với điều kiện, ta được $m = -1$.</p>
	1)	<p>Vì SA là tiếp tuyến của (O) nên $\widehat{SAO} = 90^\circ$. Theo giả thiết ta có $OI \perp BC \Rightarrow \widehat{SIO} = 90^\circ$.</p>

	Xét tứ giác $SAOI$ có $\widehat{SAO} + \widehat{SIO} = 180^\circ$, mà hai góc \widehat{SAO} và \widehat{SIO} là hai góc đối nhau nên tứ giác $SAOI$ là tứ giác nội tiếp.
2)	<p>Ta có ΔOAH vuông tại H nên $\widehat{OAH} = 90^\circ - \widehat{HOA}$.</p> <p>Ta có ΔIAD vuông tại D nên $\widehat{IAD} = 90^\circ - \widehat{DIA}$.</p> <p>Vì $\widehat{HOA} = \widehat{DIA}$ (hai góc nội tiếp cùng chắn cung SA của đường tròn ngoại tiếp tứ giác $SAOI$ nên $\widehat{OAH} = \widehat{IAD}$).</p>
3)	<p>Ta có Q, I lần lượt là trung điểm các đoạn thẳng $BE, BC \Rightarrow QI$ là đường trung bình của $\Delta BEC \Rightarrow QI \parallel EC$.</p> <p>Vì $EC \perp AB$ và $QI \parallel EC$ nên $QI \perp AB$, do đó $\widehat{BQI} = 90^\circ$.</p> <p>Xét ΔBDA và ΔBQI cùng có chung \widehat{ABC}, mặt khác $\widehat{BDA} = \widehat{BQI} = 90^\circ$. Suy ra $\Delta BDA \sim \Delta BQI$ (g.g.).</p> $\Rightarrow \frac{BA}{BI} = \frac{BD}{BQ} \Rightarrow BQ \cdot BA = BD \cdot BI.$ <p>Ta có $\widehat{AQI} = \widehat{ADI} = 90^\circ$ nên tứ giác $AQDI$ là tứ giác nội tiếp.</p> <p>Suy ra $\widehat{KDC} = \widehat{BAI}$. (1)</p> <p>Xét ΔBAD vuông tại đỉnh D có $\widehat{BAD} = 90^\circ - \widehat{ABC}$. (2a)</p> <p>Xét ΔOAC có $OA = OC (= R)$. Suy ra ΔOAC cân tại đỉnh O.</p> <p>Suy ra $\widehat{OAC} = 90^\circ - \frac{1}{2} \widehat{AOC}$. (2b)</p> <p>Trong đường tròn (O), ta có $\widehat{ABC} = \frac{1}{2} \widehat{AOC}$ (2c) (tính chất góc nội tiếp và góc ở tâm cùng chắn cung AC).</p> <p>Từ (2a), (2b) và (2c) suy ra $\widehat{BAD} = \widehat{OAC}$.</p> <p>Theo chứng minh ở ý 2, có $\widehat{IAD} = \widehat{OAH}$.</p> <p>Suy ra $\widehat{BAD} + \widehat{IAD} = \widehat{OAC} + \widehat{OAH} \Rightarrow \widehat{BAI} = \widehat{KAC}$. (2)</p> <p>Từ (1) và (2) suy ra $\widehat{KDC} = \widehat{KAC}$.</p> <p>Xét tứ giác $ADKC$ có $\widehat{KDC} = \widehat{KAC}$, mà hai đỉnh A, D kề nhau, suy ra tứ giác $ADKC$ là tứ giác nội tiếp.</p> <p>Suy ra $\widehat{AKC} = \widehat{ADC} \Rightarrow \widehat{AKC} = 90^\circ \Rightarrow CK \perp AH$.</p> <p>Ta có $SO \perp AH$ và $CK \perp AH$ nên $CK \parallel SO$.</p>
Câu V 0,5 điểm	<p>Do $a > 0, b > 0$ nên bất đẳng thức cần chứng minh tương đương với</p> $a^2(b^2 + a) + b^2(a^2 + b) \leq (b^2 + a)(a^2 + b)$ $\Leftrightarrow a^2b^2 + a^3 + a^2b^2 + b^3 \leq a^2b^2 + b^3 + a^3 + ab$ $\Leftrightarrow a^2b^2 \leq ab \Leftrightarrow ab(ab - 1) \leq 0 \Leftrightarrow ab \leq 1$ (vì $ab > 0$). <p>Do $a > 0, b > 0$ và $a + b \leq 2$ nên $2\sqrt{ab} \leq 2$. Suy ra $ab \leq 1$ (đpcm).</p>

.....HẾT.....

LUU Ý

Trong trường hợp, vì một số lí do nào đó, thí sinh hiểu để bài câu III.1 là $\begin{cases} -\frac{2}{x-3} - 3y = 1 \\ \frac{3}{x-3} + 2y = 8 \end{cases}$, các bước giải của

ý III.1 được thể hiện như sau:

Câu	Đáp án
Câu III.1 1,0 điểm	<p>Điều kiện: $x \neq 3$.</p> $\begin{cases} -\frac{2}{x-3} - 3y = 1 \\ \frac{3}{x-3} + 2y = 8 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -\frac{6}{x-3} - 9y = 3 \\ \frac{6}{x-3} + 4y = 16 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{6}{x-3} + 4y = 16 \\ -5y = 19 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{6}{x-3} = \frac{156}{5} \\ y = -\frac{19}{5} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{83}{26} \\ y = -\frac{19}{5} \end{cases}$ <p>Đối chiếu với điều kiện, ta được hệ phương trình có nghiệm là $(x; y) = \left(\frac{83}{26}; -\frac{19}{5}\right)$.</p>

.....HẾT.....

